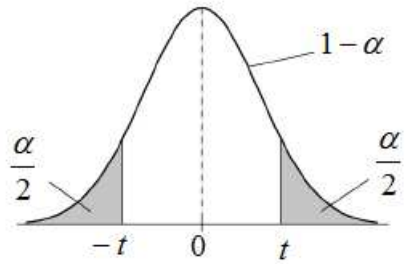


Intervalle de confiance de la moyenne m

σ est connu

La statistique est :

$$T = \frac{\bar{X}_n - m}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} \rightarrow \text{Normle}(0,1)$$



$$P(|T| < t) = 1 - \alpha$$

$$P(-t < T < t) = 1 - \alpha$$

$$P\left(-t < \frac{\bar{X}_n - m}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} < t\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\bar{X}_n - t \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < m < \bar{X}_n + t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(m \in \left[\bar{X}_n - t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X}_n + t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right]\right) = 1 - \alpha$$

$$IC_{1-\alpha}(m) = \left[\bar{X}_n - t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{X}_n + t \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right]$$

$$\bar{X}_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$$

n : taille de l'échantillon

σ : écart type de la population

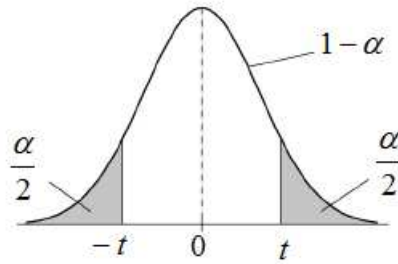
t tel que $P(T < t) = 1 - \frac{\alpha}{2}$

où $T \rightarrow N(0,1)$

σ est inconnu

La statistique est :

$$T = \frac{\bar{X}_n - m}{\frac{S}{\sqrt{n}}} \rightarrow \text{Student}(n-1)$$



$$P(|T| < t) = 1 - \alpha$$

$$P(-t < T < t) = 1 - \alpha$$

$$P\left(-t < \frac{\bar{X}_n - m}{\frac{S}{\sqrt{n}}} < t\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\bar{X}_n - t \frac{S}{\sqrt{n}} < m < \bar{X}_n + t \frac{S}{\sqrt{n}}\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(m \in \left[\bar{X}_n - t \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{X}_n + t \frac{S}{\sqrt{n}}\right]\right) = 1 - \alpha$$

$$IC_{1-\alpha}(m) = \left[\bar{X}_n - t \frac{S}{\sqrt{n}}, \bar{X}_n + t \frac{S}{\sqrt{n}}\right]$$

$$\bar{X}_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$$

n : taille de l'échantillon

$$S = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum (X_i - \bar{X}_n)^2}$$

t tel que $P(T < t) = 1 - \frac{\alpha}{2}$

où $T \rightarrow \text{Student}(n-1)$

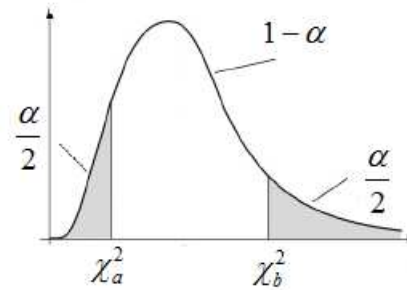
si $n > 30$ alors $T \approx N(0,1)$

Intervalle de confiance de la variance σ^2

m est connue

La statistique est :

$$\frac{n\hat{\sigma}^2}{\sigma^2} \rightarrow \text{Khi-deux}(n)$$



$$P\left(\chi_a^2 < \frac{n\hat{\sigma}^2}{\sigma^2} < \chi_b^2\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_b^2} < \sigma^2 < \frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_a^2}\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\sigma^2 \in \left[\frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_b^2}, \frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_a^2}\right]\right) = 1 - \alpha$$

$$IC_{1-\alpha}(\sigma^2) = \left[\frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_b^2}, \frac{n\hat{\sigma}^2}{\chi_a^2}\right]$$

$$\hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - m)^2$$

n : taille de l'échantillon

χ_a^2 tel que $P(\chi^2 < \chi_a^2) = \frac{\alpha}{2}$

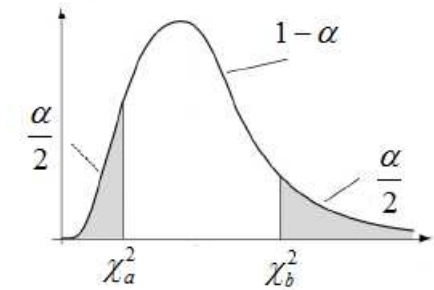
χ_b^2 tel que $P(\chi^2 < \chi_b^2) = 1 - \frac{\alpha}{2}$

$\chi^2 \rightarrow \chi^2(n)$

m est inconnu

La statistique est :

$$\frac{(n-1)S^2}{\sigma^2} \rightarrow \text{Khi-deux}(n-1)$$



$$P\left(\chi_a^2 < \frac{(n-1)S^2}{\sigma^2} < \chi_b^2\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\frac{(n-1)S^2}{\chi_b^2} < \sigma^2 < \frac{(n-1)S^2}{\chi_a^2}\right) = 1 - \alpha$$

$$P\left(\sigma^2 \in \left[\frac{(n-1)S^2}{\chi_b^2}, \frac{(n-1)S^2}{\chi_a^2}\right]\right) = 1 - \alpha$$

$$IC_{1-\alpha}(\sigma^2) = \left[\frac{(n-1)S^2}{\chi_b^2}, \frac{(n-1)S^2}{\chi_a^2}\right]$$

$$S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X}_n)^2$$

n : taille de l'échantillon

χ_a^2 tel que $P(\chi^2 < \chi_a^2) = \frac{\alpha}{2}$

χ_b^2 tel que $P(\chi^2 < \chi_b^2) = 1 - \frac{\alpha}{2}$

$\chi^2 \rightarrow \chi^2(n-1)$

si $n > 30$ alors $\sqrt{2\chi^2(n)} - \sqrt{2n-1} \approx N(0,1)$

